

Introduction à



Marc MEZZAROBBA

CNRS, LIP6, Université Paris 6

Qu'est-ce que Sage ?

« *Une alternative libre viable à Magma, Maple, Mathematica et Matlab* »

« *Construire la voiture au lieu de réinventer la roue* »



Essayer Sage



<http://sagemath.org/>
GNU GPL



<http://sagenb.org/>



<http://cloud.sagemath.com/>

Qu'est-ce que Sage ?

- 1 Une distribution
- 2 Une bibliothèque Python
- 3 Un système interactif



Une distribution

```
$ wget http://mirror/sagemath/src/sage-6.3.tar.gz
  && tar xfz sage-6.3.tar.gz && cd sage-6.3 && make
$ ./sage
```

ATLAS • *boehm_gc* •  cddlib • cephes • cliquer
cvxopt •  Python • ECL • eclib • ecm • *f2c* • fplll
FLINT • GAP • gfan •  Glibro • GLPK • GSL
IML • IP[y]: ipython •  LAPACK • lcalc
 LinBox •  matplotlib •  Maxima • M4RI
MPC • MPFI •  MPFR • mpmath • networkx • NTL
 NumPy • PALP •  PARI •  PolyBoRi •  Pynac
 python •  R •  SciPy •  SINGULAR •  symmetrica
sympow •  tachyon • zn_poly • + *d'autres...*

+ ~ 60 paquets optionnels + ~ 60 paquets expérimentaux

Une bibliothèque Python

<code>sage.algebras</code>	<code>sage.logic</code>
<code>sage.calculus</code>	<code>sage.matrix</code>
<code>sage.categories</code>	<code>sage.modular</code>
<code>sage.coding</code>	<code>sage.modules</code>
<code>sage.combinat</code>	<code>sage.monoids</code>
<code>sage.crypto</code>	<code>sage.numerical</code>
<code>sage.databases</code>	<code>sage.parallel</code>
<code>sage.finance</code>	<code>sage.plot</code>
<code>sage.functions</code>	<code>sage.rings</code>
<code>sage.geometry</code>	<code>sage.sat</code>
<code>sage.graphs</code>	<code>sage.schemes</code>
<code>sage.groups</code>	<code>sage.sets</code>
<code>sage.homology</code>	<code>sage.stats</code>
<code>sage.interfaces</code>	<code>sage.symbolic</code>
<code>sage.lfunctions</code>	<code>...</code>

- S'appuie sur les logiciels tiers embarqués
- \simeq 600 000 lignes de code spécifique (hors doc + tests)



Une bibliothèque Python

<code>sage.algebras</code>	<code>sage.logic</code>
<code>sage.calculus</code>	<code>sage.matrix</code>
<code>sage.categories</code>	<code>sage.modular</code>
<code>sage.coding</code>	<code>sage.modules</code>
<code>sage.combinat</code>	<code>sage.monoids</code>
<code>sage.crypto</code>	<code>sage.numerical</code>
<code>sage.databases</code>	<code>sage.parallel</code>
<code>sage.finance</code>	<code>sage.plot</code>
<code>sage.functions</code>	<code>sage.rings</code>
<code>sage.geometry</code>	<code>sage.sat</code>
<code>sage.graphs</code>	<code>sage.schemes</code>
<code>sage.groups</code>	<code>sage.sets</code>
<code>sage.homology</code>	<code>sage.stats</code>
<code>sage.interfaces</code>	<code>sage.symbolic</code>
<code>sage.lfunctions</code>	<code>...</code>

- S'appuie sur les logiciels tiers embarqués
- \simeq 600 000 lignes de code spécifique (hors doc + tests)



Une bibliothèque Python

<code>sage.algebras</code>	<code>sage.logic</code>
<code>sage.calculus</code>	<code>sage.matrix</code>
<code>sage.categories</code>	<code>sage.modular</code>
<code>sage.coding</code>	<code>sage.modules</code>
<code>sage.combinat</code>	<code>sage.monoids</code>
<code>sage.crypto</code>	<code>sage.numerical</code>
<code>sage.databases</code>	<code>sage.parallel</code>
<code>sage.finance</code>	<code>sage.plot</code>
<code>sage.functions</code>	<code>sage.rings</code>
<code>sage.geometry</code>	<code>sage.sat</code>
<code>sage.graphs</code>	<code>sage.schemes</code>
<code>sage.groups</code>	<code>sage.sets</code>
<code>sage.homology</code>	<code>sage.stats</code>
<code>sage.interfaces</code>	<code>sage.symbolic</code>
<code>sage.lfunctions</code>	<code>...</code>

- S'appuie sur les logiciels tiers embarqués
- \simeq 600 000 lignes de code spécifique (hors doc + tests)



Une bibliothèque Python

`sage.algebras`

`sage.calculus`

`sage.categories`

`sage.coding`

`sage.combinat`

`sage.crypto`

`sage.databases`

`sage.finance`

`sage.functions`

`sage.geometry`

`sage.graphs`

`sage.groups`

`sage.homology`

`sage.interfaces`

`sage.lfunctions`

`sage.logic`

`sage.matrix`

`sage.modular`

`sage.modules`

`sage.monoids`

`sage.numerical`

`sage.parallel`

`sage.plot`

`sage.rings`

`sage.sat`

`sage.schemes`

`sage.sets`

`sage.stats`

`sage.symbolic`

...

- S'appuie sur les logiciels tiers embarqués
- \simeq 600 000 lignes de code spécifique (hors doc + tests)



Une bibliothèque Python

<code>sage.algebras</code>	<code>sage.logic</code>
<code>sage.calculus</code>	<code>sage.matrix</code>
<code>sage.categories</code>	<code>sage.modular</code>
<code>sage.coding</code>	<code>sage.modules</code>
<code>sage.combinat</code>	<code>sage.monoids</code>
<code>sage.crypto</code>	<code>sage.numerical</code>
<code>sage.databases</code>	<code>sage.parallel</code>
<code>sage.finance</code>	<code>sage.plot</code>
<code>sage.functions</code>	<code>sage.rings</code>
<code>sage.geometry</code>	<code>sage.sat</code>
<code>sage.graphs</code>	<code>sage.schemes</code>
<code>sage.groups</code>	<code>sage.sets</code>
<code>sage.homology</code>	<code>sage.stats</code>
<code>sage.interfaces</code>	<code>sage.symbolic</code>
<code>sage.lfunctions</code>	<code>...</code>

- S'appuie sur les logiciels tiers embarqués
- \simeq 600 000 lignes de code spécifique (hors doc + tests)



Une bibliothèque Python

<code>sage.algebras</code>	<code>sage.logic</code>
<code>sage.calculus</code>	<code>sage.matrix</code>
<code>sage.categories</code>	<code>sage.modular</code>
<code>sage.coding</code>	<code>sage.modules</code>
<code>sage.combinat</code>	<code>sage.monoids</code>
<code>sage.crypto</code>	<code>sage.numerical</code>
<code>sage.databases</code>	<code>sage.parallel</code>
<code>sage.finance</code>	<code>sage.plot</code>
<code>sage.functions</code>	<code>sage.rings</code>
<code>sage.geometry</code>	<code>sage.sat</code>
<code>sage.graphs</code>	<code>sage.schemes</code>
<code>sage.groups</code>	<code>sage.sets</code>
<code>sage.homology</code>	<code>sage.stats</code>
<code>sage.interfaces</code>	<code>sage.symbolic</code>
<code>sage.lfunctions</code>	<code>...</code>

- S'appuie sur les logiciels tiers embarqués
- \simeq 600 000 lignes de code spécifique (hors doc + tests)



Un système interactif

```
-$ sage
```

```
| Sage Version 4.6.2, Release Date: 2011-02-25 |  
| Type notebook() for the GUI, and license() for information. |
```

```
sage: taylor(exp(x), x, 0, 5)  
1/120*x^5 + 1/24*x^4 + 1/6*x^3 + 1/2*x^2 + x + 1  
sage:  
sage: MatrixSpace(RR,5,3).random_element()  
[-0.570390764900653  0.521446993576251 -0.950894560265950]  
[-0.942431942330060  0.254122819002693  0.916721924359961]  
[-0.195702504102615 -0.350489870318781 -0.214359534055980]  
[ 0.487076746020482  0.461116221981387 -0.665179594662514]  
[ 0.180194930460366  0.616390883848273 -0.389309976296204]  
sage:  
sage: import urllib2  
sage: f = urllib2.urlopen("http://sagemath.org/")  
sage: f.read(121)  
'<!DOCTYPE html PUBLIC "-//W3C//DTD XHTML 1.0 Transitional//EN" \n"http  
://www.w3.org/TR/xhtml1/DTD/xhtml1-transitional.dtd">  
sage:
```

The screenshot shows the SageMath web interface in a browser window titled "Enveloppes (2) (Sage) - Iceweasel". The interface includes a header with the Sage logo, the text "The Sage Notebook Version 4.6.2", and navigation links for "admin", "Toggle", "Home", "Published", "Log", "Settings", "Help", "Report a Problem", and "Sign out". Below the header, there are buttons for "Save", "Save & quit", and "Discard & quit". The main content area contains a code editor with the following code:

```
R.<x,y,t> = QQ[]; eq = x^2+(y-t)^2-1/2*(t^2 + 1)  
eq  
  
x^2 + y^2 - 2yt + 1/2 t^2 - 1/2  
  
fig_circles = add((eq(t=k/5)*QQ[x,y]).plot()  
for k in (-15..15))  
options = {'aspect_ratio': 1, 'xmin': -2,  
'xmax': 2, 'ymin': -3, 'ymax': 3, 'frame':  
True, 'axes': False, 'fontsize': 8}  
fig_circles.show(**options)
```

Below the code editor, there is a plot showing a series of blue circles. The plot is titled "evaluate" and has axes ranging from -2 to 2 on the x-axis and 1 to 3 on the y-axis. The circles are centered at the bottom of the plot and expand outwards as they move upwards. The SageMath logo is visible in the bottom right corner of the plot area.